



Одељење за механику Математичког института САНУ

Семинар Математичке методе механике у примени



*Matematičke metode mehanike u primeni (МММР)*

*Mathematical Methods of Mechanics and Applications (ЗМА)*

*Projekat OI 174001 Dinamika hibridnih sistema složenih struktura (2011-2014)*

*Serija predavanja za istraživače pripravnike i doktorante iz oblasti Kinetike, Elastodinamike, Analitičke mehanike, Primene tenzorskog računa u mehanici, Teorije oscilacija i Nelinearne dinamike*

*39-ti blok predavanja  
(od 11h do 17h)*

## *Odabrana poglavlja Analitičke mehanike, Teorije oscilacija i Nelinearne dinamike*

*(Stacionarne tačke, singučariteti – metoda fazne ravni - položaji apsolutne i relativne ravnoteža i ispitivanje stabilnosti nelinearnih mehanickih sistema - primeri i matematičke analogije )  
(Četvrti deo)*

*Predavač  
Prof. dr Katica (Stevanović) Hedrih,  
rukovodilac projekta OI 174001*

*Sreda, 23 april 2012 u 11 časova*

\* \* \* \* \*

*Predavanja se održavaju svake srede od 11 do 17 časova u Biblioteci Matematičkog instituta SANU, ul.  
Knez Muhalova 36, treći sprat*

*Prijava potencijalnog slušaoca se dostavlja Upravniku Odjeljenja za mehaniku na adresu  
[khedrih@eunet.rs](mailto:khedrih@eunet.rs) sa naznakom oblasti interesovanja.*

*Dr Srđan Jović  
Sekretar Odjeljenja za mehaniku*

*Prof. dr Katica (Stevanović) Hedrih  
Upravnik Odjeljenja za mehaniku*

## OSNOVNA LITERATURA

- \* Andjelić P. Tatomir i Stojanović Rastko, *Racionalna mehanika*, Zavod za izdavanje udžbenika, 1965, str.585.
- \* Rašković P. Danilo, *Analitička mehanika*, Mašinski fakultet Kragujevac, 1974.
- \* Rašković P. Danilo, *Osnovi tenzorskog računa*, Mašinski fakultet Kragujevac, 1974.
- \* Rašković P. Danilo, *Teorija oscilacija*, Naučna knjiga, 1965, str. 503.
- \* Данило П. Рашковић, Теорија еластичности, Народна књига, Београд, 1985.
- \* Andjelić P. Tatomir, *Uvod u Astrodinamiku*, Posebna izdanja, Matematički vidici, Matematički institut SANU, 1983, str. 158..
- \* Milanković Milutin, *Nebeska mehanika*, Naučna knjiga, Beograd, 1935. 1988, str.98.
- \* Newton Isaak, *Philosophiae naturalis principia mathematica*, (English translation bz Robert Thoop, MA, London, 196, i ruski prevod izdanje 1996)
- \* Bilimović Antoan, *Racionalna mehanika I*, Beograd,1939, 1950.
- \* Bilimović Antoan, *Racionalna mehanika II*, Beograd,1952.
- \* Bilimović Antoan, *Dinamika čvrstog tela*, Beograd,1955.
- \* Уитекер Е.Т., *Аналитическая механика*, Москва,1937, стр, 500. (Превод са енглеског)
- \* Pars A.L. , *A treatise on Analytical Dynamics*, Heinemann, London, 19669.Парс А. Л., Аналитическая динамика, Наука, Москва,1971, стр,636.
- \* Webster Gordon Arthur, *Dynamics of Particle and Rigid, elastic and fluid bodies*, Dover Publications, 1988.
- \* Gantmaher Feliks Ruvimirovič, *Analitička mehanika*, Zavod za izdavanje udžbenika, 1963, str. 210. (Prevod sa ruskog Vujičić V.)
- \* Goroshko Oleg Aleksandrović i Hedrih (Stevanović) Katica, *Analitička dinamika diskretnih naslednih sistema*, Univerzitet u Nišu, 2001, str.429.
- \* Harlamov Pavel P. Подвиг Галилея, *Институт прикладной математики и механики*, 1999.
- \* Harlamov Pavel P. *Разномыслie в Механике*,НАНУ, Донетск, ,1993.
- \* Harlamov Pavel P. *Очерки об основании механики*, Наукова Думка, Київ,1995.
- \* Goldstein Herbert, *Classical Mechanics*, Second Edition, Addison Wesley Publishing Company, 1980.
- \* Лурье А.Н., *Аналитическая механика*, Москва,1961, стр,820.
- \* Григорьян А.Т., *Механика от Античности до наших дней*, Наука, Москва 1971, стр.219.
- \* Синг, Дж.,Л., *Класическая Механика*, Москва, 1983.стр. 450.
- \* Блехман И.И., Мышикис А.Д., Пановко Я. Г., *Прикладная математика – Предмет, логика, особенности подходов, - Примеры из механики*, УРСС, Москва, 2005. стр. 376.
- \* Павловский М. А., *Теоретична механика*, Техника, Киев, 2002. стр.200.
- \* Халфман Р. Л., *Динамика*, Наука, Москва, 1972 стр. 568 (превод с енглеског)
- \* Kojić Miloš, *Dinamika, Teorija i primeri*, Mašinski fakultet u Kragujevcu, 1976.
- \* Djurić Slavko, *Mehanika III i IV – Dinamika i Teorija oscilacija*, Mašinski fakultet Beograd, 1981, str. 460.
- \* Vujanović Božidar, *Dinamika*, Univerzitet u Novom Sadu, 1992.
- \* Hedrih (Stevanović), K., (1975), *Selected Chapters from Theory of Nonlinear Vibrations* (in Serbian), Faculty of Mechanical Engineering, Niš, First Edition 1975), p. 180.
- \* Hedrih (Stevanović), K., (1972), *Study of Methods of Nonlinear Vibrations Theory* (in Serbian), *Poligraphy*, Faculty of Mechanical Engineering, Niš, Preprint, p.500.
- \* Hedrih (Stevanović) K., (2001), *Vector Method of the Heavy Rotor Kinetic Parameter Analysis and Nonlinear Dynamics*, University of Niš 2001, Monograph, p. 252. (in English), YU ISBN 86-7181-046-1.

- \* Hedrih (Stevanović) K., (1998), *Vectors of the Body Mass Moments*, Monograph paper, Topics from Mathematics and Mechanics, Mathematical institute SANU, Belgrade, Zbornik radova 8(16), 1998, pp. 45-104. Published in 1999. (in English), (Zentralblatt Review).
- \* Hedrih (Stevanović) K., The Dissipation Function of a Nonconservative System of Mass Particles, Tensor, N.S., Vol.63, No.2(2002), pp.176-186. Tensor Society , Japan . ISSN 0040-3504.
- \* Hedrih (Stevanović) K., *A Trigger of Coupled Singularities*, MECCANICA, Vol.39, No. 3, 2004., pp. 295-314. International Journal of the Italian Association of Theoretical and Applied Mechanics, Meccanica, Publisher: Springer

\* \* \* \*

- Mitropolyskiy, Yu. A. (1955), *Nestashionarnie proshesi v nelineynih sistemah*, AN USSR, Kiev. (in Russian)
- Mitropolyskiy, Yu.A and Mosseenkov, B.I., (1968), *Lekciyi po primenyeniyu metodov k recheniyu uravnyeniy v chastnih proizvodnixh*, Int. Math. AN USSR, Kiev. (in Russian)
- Mitropolyskiy, Yu.A, (1964), *Problemi asimptoti-cheskoy teorii nestashionarnih kolebaniy*, Nauka Moskva. (in Russian)
- Mitropolyskiy, Yu.A and Mosseenkov, B.I., (1976), *Assimptoticheskie recheniya uravnyeniya v chastnih proizvodnixh*, Vichaya chkola Kiev. (in Russian)
- Mitropolskiy Yu.A., Nguyen Van Dao, (2003), *Lectures on Asymptotic Methods of Nonlinear Dynamics*, Vietnam National University Publishing House, Hanoi, p. 494.
- Mitropolskiy Yu.A., Some problems in the development in nonlinear mechanics theory and applications, Facta Universitatis, Series Mechanics, Automatic Control and Robotics, Vol. 1, No. 5, 1995, pp. 539-560.
- Mitropolskiy Yu.A., On Application of asymptotic methods of nonlinear mechanics for solving some problems of oscillation theory, Facta Universitatis, Series Mechanics, Automatic Control and Robotics, Vol. 2, No. 6, 1996, pp. 1-9.
- Mitropolskiy Yu.A., Adiabatic processes in nonlinear oscillation systems (Adiabaticheskie processi v nelineynih kolebatelnyih sistemah), Simpozijum '83 – Nelinearni problemi dinamike, Arandjelovac, 23-25., Novembar 1983. IT-Društvo za mehaniku Srbije, pp. I-1-I-12. (in Russian)
- Nayfeh, A.H. and Balachandran , Experimental investigation of resonantly forced oscillations of a two-degree-of-freedom structure, *International Journal of Non-Linear Mechanics, Volume 25, Issues 2-3, 1990, Pages 199-209*
- Nayfeh, A. H. and Balachandran, B., "Modal Interactions in Dynamical and Structural Systems," *Applied Mechanics Reviews*, Vol. 42, No.11, Part 2, Nov. 1989, pp. 175-202; Review article.
- Nayfeh, A.H.: Transfer of energy from high-frequency to low frequency modes. In: Paper and Poster Abstracts, IUTAM Symposium Nonlinearity and Chaos in Engineering Dynamics. Centre NDA UCL, London (1993)
- Nayfeh, A.H., Balachandran, B.: *Applied Nonlinear Dynamics*. Wiley Interscience, New York (1995)
- Nayfeh, A.H.: Transfer of energy from high-frequency to low-frequency modes, book of abstracts. In: The Second International Conference “Asymptotics in Mechanics.” St. Petersburg Marine Technical University, Russia, October 13– 16, p. 44 (1996)
- Nayfeh, A.H.: *Nonlinear Interactions: Analytical, Computational and Experimental Methods*. Wiley, New York (2000)
- Nayfeh, A.H., Pai, P.F.: *Linear and Nonlinear Structural Mechanics*. Wiley Interscience, New York (2004)

## DOPUNSKA LITERATURA

\* \* \* \*

- Ἀρχιμίδης* (287-212 пр. Хр.) - Περί ἐπιπέδων σφροπτικών, ἡ κέντρα βαρών (О уравнотеженим равнима или центри тешких равни). Има у немачком преводу E. Nizze. 1824.
- G. Galilei* (1564-1642) - Discorsi e dimonstracioni matematiche. Leiden 1638. Има ума у немачком преводу у збирци Klassiker- Bibliothek Ostwald'a.
- I. Newton* (1642-1726). - Philosophiae naturalis principia mathematica. London 1686. Преведено на више језика.
- L. Euler* (1707-1783) - Mechanica sive motus scientia analitice exposita. Petropoli 1736.  
- Theoria motus corporum solidorum. Gryphiswaldiae et Rostockii 1765. Има немачки превод тих књига од J. Wolfers'a.
- J.D'Alembert* (1717-1783) - Traité de dynamique. Paris 1743.
- J. L. Lagrange* (1736-1813) - Mécanique analytique. Paris 1788.
- P. S. Laplace* (1749-1827) - Mécanique céleste. Paris 1799-1825.

- L. Poinsot* (1777-1859) - *Éléments de statique*. Paris 1804.
- C. G. J. Jacobi* (1804-1851) - *Vorlesungen über Dynamik*. Berlin 1866.
- W. R. Hamilton* (1805-1865) - *Lectures on quaternions*. London 1853.
- H. Grassmann* (1809-1881) - *Ausdehnungslehre*. Stettin 1844.
- H. Poincaré* (1854-1912) - *Lecons de mécanique céleste*. Paris 1905-10.
- Опширију литературу о механици могуће је наћи у овим књигама:
- *Encyklopädie der mathematischen Wissenschaften*. B. IV. Mechanik.
  - *Handbuch der Physik von Geiger und K. Scheel*. B. V. Grundlagen der Punkte und starren Körper. Berlin 1927.
- Читоацу, који би желео да се упозна и са другим курсевима механике у тачке, можемо препоручити ове књиге (ред писаца      је алфабетски):
- P. Appell* - *Tratié de mécanique rationnelle*. T. I. Statique. Dynamique du point.
- И. Арновљевић* - Основи теориске механике. I. 1947.
- Д. Бобилевъ* - Курсъ аналитической механики. I. Часть кинематическая. С. - Петербургъ 1885. II. Часть кинематическая. Выпускъ первый: Механика метеръяльной точки. С. - Петербургъ 1888.
- T. Levi-Civita e U. Amaldi* - *Lezioni di meccanica razionale*. V. I. Cinematica. Principi e statica. V. II. Dinamica dei sistemi con un numero finito di gradi di libereta. Parte prima. Bologna 1922-27.
- R. Marcolongo* - *Meccanica razionale*. Milano. 1905. Немачки превод H. Timerding'a - Theoretische Mechanik. Leipzig 1911.
- J. Nielsen* - *Vorlesungen über elementare Mechanik*. Превод W. Fenchel'a. Berlin 1935.
- P. Panlevé* - *Cours de mécanique*. T. I. Paris 1930.
- С. Г. Петровичъ* - Курсъ теоретической механики.
- Часть I. Кинематика. С. - Петербургъ 1912.
  - Часть II. Динамика точки. С. - Петербургъ 1913.
- K. Стојановић* - Механика. Београд 1912.
- Г. К. Сусловъ* - Основы аналитической механики. Изд. 2. Киевъ 1911.
- Г. К. Суслов* - Теоретическая механика. Издание третье посмертное. Москва, Ленинград. 1946.
- E. T. Whittaker* - *A treatise of the analytical dynamics of particles and rigid bodies*. Cambridge 1904. Треће издање 1927.

## LITERATURA - KLASIČNA

- C. J. Coe - *Theoretical Meshanics. A vectorial Treatment* - New York, 1938.
- G. Hamel - *Theoretische Mechanik*. Berlin, 1949.
1. Encyklopädie der mathematischen Wissenschaften. B. IV. Mechanik.
- Art. 2. Geometrische Grundlegung der Mechanik eines starren Körpers. Von H. E. THaimerding.
- Art 3. Kinematik. Von A. Schoenflies.
2. Handbuch der Physik. H. Geiger und K. Scheel. B. V. Grundlagen der Mechanik.
- Kapitel 5. Geometrie der Bewegungen. Von H. Alt.
- H.. Hertz - *Die Prinzipien der Mechanik*. Lepzing. 1894.
- Из Encyklopädie der mathematischen Wissenschaften треба нарочито поменуту чланак
- G. Prange - *Die allgemeinen Integrationsmethoden der analytischen Mechanik*. Leipzig. 1935.
- P. Appell - *Traité de méchanique rationnelle*. T. II. *Dynamique des systèmes. Méchanique analytique*. Paris. Више издања.
- И. Арновљевић - Основе теоријске механике I-VI. Београд. 1947-49.
- J. Chazy - *Cours de mécanique rationnelle*. T. II. *Dynamique des systèmes matériels*. Paris. 1948.
- T. Levi - Civita e U. Amaldi - *Lezioni di meccanica razionale*. Vol. II Parte seconda Bologna 1927.
- Л. Г. Лойцианский и А. И. Лурье - Курс теоретической механики. Т. I и II. Издание четвертое. Москва., Ленинград. 1948.
- P. Painlevé - *Cours de mécanique*. T. I. Paris. 1930.
- Г. К. Сусловъ - Основы аналитической механики. М. I. Часть III. Динамика системы. Киевъ. 1912.
- Г. К. Сусловъ - Теоретическая механика. Издание третье, посмертное. Москва, Ленинград. 1946.
- E. T. Whittaker - *A treatise on the analytical dynamics of particles and rigid bodies*. Cambridge. 1904. Треће издање 1927.
- Apell* - *Traité de Mécanique rationnelle*. T. II. Paris, 1931
- Арновљевић И. - Основи теоријске механике, I и III део. Београд, 1947
- Aufenrieth - Ensslin* - *Technische Mechanik*. Berlin, 1922
- Билимовић А. - Рационална механика I. Београд, 1939 и 1950
- Born M. - *Die Relativitätstheorie Einsteins*, Berlin, 1922
- Bouligand G. - *Lecons de Géométrie vectorielle*, Paris, 1936
- Brill A. - *Vorlesungen über algemeine mechanik*. München, 1928
- Брусић М. - Балистика, Београд, 1927

*Бухгольц - Воронков - Минаков* - Сборник задач по Теоретической механике. Москва, 1949  
*Coe C. J.* - Theoretical mechanics a vectorial treatment. New York, 1938  
*Dobrovolný B.* - Tehnická Mechanika. Praha, 1946  
*Фармаковски В.* - Витас Д. - Локомотиве. Београд, 1941  
*Finger J.* - Elemente der Reinen Mechanik.  
*Galilei G.* - Discorsi e dimostrazioni matematiche. Leiden, 1638  
*Geary A - Lowry H. - Hayden H.* - Advanced mathematical for technical students. I. London, 1947  
*Goursat E.* - Cours d'analyse mathématique. III. Paris, 1942  
*Gray A. and J.* - Treatise on Dynamics. London, 1911  
*Хайкин С.* - Механика. Москва, 1947  
Handbuch der Physik. Band III. Berlin, 1928  
*Hortog J.P. der* - Mechanical vibrations. New York, 1934 and 1947  
*Hort W.* - Technische Schwingungslehre. Berlin, 1922  
*Кашанин Р.* - Виша математика I и II. Београд, 1949-1950  
*Kommerell V. und K.* - Theorie der Raumkurven und krummen Flächen. Berlin, 1931  
*Kowalewski G.* - Große Mathematiker. Berlin, 1939  
*M. Лаврентьев - Л. Люстерник* - Основы вариационного исчисления. I. Москва, 1935  
*Lagally M.* - Vektor-rechnung. Leipzig, 1934  
*Lamb H.* - Dinamics. Cambridge, 1929  
*Lamb H.* - Higher Mechanics. Cambridge, 1929  
*Marcolongo R.* - Theoretische Mechanik - II Dynamik (bearb. von Timerding). Leipzig, 1912  
*Menge E.* - Mechanik-Aufgaben III. Leipzig, 1938  
*Мещерский И. В.* - Сборник задач по теоретической Механике. 21 изд. Москва, 1955  
*Машгерски И.* - Збирка задатака из Теориске Механике (Превод М. Вречка) 2 изд, Београд, 1947  
*Миланковић М.* - Небеска механика. Београд, 1935  
*Müller W.* - Die Fahrdynamik der Verkehrsmittel. Berlin, 1940  
*Некрасов И. А.* - Курс Теоретической Механики, II - Динамика. Москва, 1946  
*Обрадовић Н.* - Основи науке о струјању. Београд, 1937  
*Osgood W. L.* - Mechanich. New Yor, 1937  
*Pöschl Th.* - Lehrbuch der Technischen Mechanik. Berlin, 1930, 1949  
*Prandtl L.* - Strömungslehre. Braunschweig, 1942  
*Prescott J.* - Mechanics of particles and rigid bodies. london, 1923  
*Riemann - Webers* - Differentialgleichungen der Physik, Braunschweig, 1297  
*Rosser - Newton - Gross* - Mathematical theory of rocker flight. New York, 1947  
*Routh E. J.* - Die Dynamik der Systeme starrer Körper. I und II. Leipzig, 1898  
*Serret - Scheffers* - Lehrbuch der Differ. und Integralrechnung. Leipzig, 1924  
*Sommerfeld A.* - Mechanik. Leipzig, 1943  
*Суслов К. Я.* - Теоретическая Механика. Москва, 1946  
*Суслов К. Я.* - Теория потенциала и гидродинамика. Том I. Теория потенциала Киев, 1940  
*Timoshenko S. - Young D.* - Advanced Dynamocs. New York, 1948  
*Timoshenko S.* - Engineering mechanics. New York, 1951  
*Webster A. G.* - The dynamics of particles and of rigid, elastic and fluid bodies. Leipzig, 1925  
*Webster A. G.* - Partial differential equations of Mathematical physics. Leipzig, 1927  
*Whittaker E. T.* - A treatise on the Analytical dynamics. Cambrigde, 1937  
*Wittenbauer - Pöschl* - Aufgaben aus der Technischen Mechanik I und III. Berlin, 1929, 1921  
*Wolf K.* - Lehrbuch der Tech. Mechanik starrer Systeme, Wien, 1947  
*Zech - Cranz* - Aufgabensammlung zur Theoretischen Mechanik. Stuttgart. 1920  
*Зернов Д. С.* - Прикладная механика. Ленинград, 1925  
*Ценов И.* - Аналитична механика. София, 1923  
*Жардецки В.* - Пснови теориске физике. Београд, 1941